

Text úloh

1. Lövés a tarackból

(A tarack az ágyúhoz hasonló, de annál rövidebb csövű löveg.)

A középkori csaták jellegét jelentősen befolyásolta a lőfegyverek használata. Itt gondolunk a kézfegyverekre, de a lövegekre is. A tarack legelőször a 15. századbeli huszitáknál fordult elő Jiskra alatt (B–1 ábra), és lövedékként több tíz centiméter átmérőjű kő- vagy vasgolyókat használtak. A vízszintesen mért lőtávolság elérte az 500 métert is.



B–1 ábra

- a) Képzeljünk el egy tarackot, amelynek a vízszintes irányban mért maximális lőtávolsága $x_m = 450$ m! Határozzák meg a golyó v_0 torkolatsebességét!

A védők egy $h = 150$ m magas, a vízszintes környezetből kiemelkedő dombra menekültek, elsáncolva magukat a támadó sereg és a tarackok elől. A védők lövik a támadókat, ezért a támadók a tarackokat a lehető legtávolabb helyezik el a dombtól.

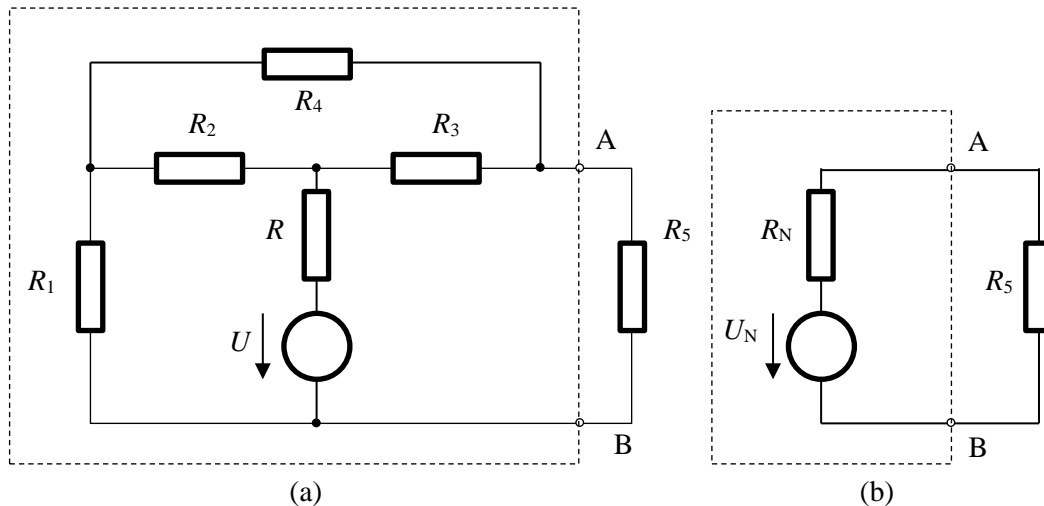
- b) Készítsenek helyzetes rajzot, amelyen feltüntetik a védők és a támadók állásait! A rajzba jelöljék be a feladatban megadott, valamint számított mennyiségeket is!
- c) Határozzák meg a legnagyobb vízszintes x_1 távolságot, amelyből a tarackból kilőtt löveg a domb tetejébe csapódik!
- d) Mekkora, a vízszintes síktól mért α_1 szög alatt kell elsütni a tarackot, hogy a lövedék x_1 távolságból a domb tetejébe csapódjon? Határozzák meg, ebben az esetben, a löveg röptének idejét (t_1), amelyet a lövés pillanatától a becsapódás pillanatáig számítunk!
- e) Határozzák meg a lövedék sebességének v_1 vektorját a becsapódást megelőző pillanatban, amennyiben teljesülnek a b) és c) részfeladatokban megszabott feltételek – más szóval, határozzák meg a v_1 becsapódási sebesség nagyságát, valamint a vízszintes síkhoz viszonyított β_1 becsapódási szöget!

Tételezzék fel, hogy a légellenállás elhanyagolhatóan kicsi, valamint a tarack méretei is elhanyagolhatóan kicsik, $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$! A tarackot elhagyó löveg torkolati sebessége minden esetben az a) részfeladatban meghatározott v_0 sebességgel egyenlő!

2. A Thévenin-tétel

Az elektromos áramkörök számításakor különböző helyettesítési módszereket alkalmaznak. Az egyik a Thévenin-tétel. A Thévenin-tétel szerint, bármely lineáris elektromos áramkör, tetszőleges két csatlakozási pontját kiválasztva, az áramkör úgy viselkedik, mint egy egyszerű R_N belsőellenállású és U_N feszültségű áramforrással, tehát helyettesíthető vele.

A B-2 ábrán látható áramkörben egy R belső ellenállású és U feszültségű áramforrás csatlakozik az R_1, R_2, R_3, R_4 és R_5 rezisztorokból álló rendszerhez. Határozzuk meg az R_5 rezisztorban folyó I elektromos áramot! Az áramkört két részre osztjuk, az R_5 rezisztorra és a maradék áramkörre (az ábrán szaggatott vonallal kereteztük be). A szaggatott vonallal keretezett áramkört egy R_N belsőellenállású és U_N feszültségű áramforrással helyettesítjük (B-2b ábra).



B-2 ábra

A helyettesítésnek az A és B csatlakozási pontokban, úgy kell az R_5 rezisztor szempontjából, viselkednie, mint a bekeretezett áramkörnek (legyen R_5 értéke bármilyen). Mivel a helyettesítési áramkör két paraméterét kell meghatározunk (U_N, R_N), elégséges, ha az R_5 rezisztor két eltérő értékére vizsgáljuk a helyettesítést (a lineáris terhelési karakterisztika két pontjáról van szó). A két legegyszerűbb eset, ha $R_5 = 0$ (rövidre zárás) és ha $R_5 \rightarrow \infty$ (megszakított áramkör). Az ismert helyettesítési áramkörből már könnyen meghatározható az R_5 rezisztorban folyó áram nagysága a feladatban megadott értékre is.

- Rajzolják le a B-2a áramkört, ha az A és B csatlakozási pontokat rövidre zárjuk! Határozzák meg az A, B pontokat tartalmazó ágban folyó I_K elektromos áramot!
- Rajzolják le a B-2a elektromos áramkört, ha azt megszakítjuk az A és B csatlakozási pontokban. Határozzák meg az A és B pontok közti U_P feszültséget ebben az esetben!
- Határozzák meg a helyettesítési áramforrás U_N feszültségét és R_N belső ellenállását, valamint az R_5 rezisztoron keresztül folyó I elektromos áramot (B-2a ábra)!

A feladatot oldják meg általánosan, majd a következő értékekre: $U = 12 \text{ V}$, $R = 10 \text{ } \Omega$, $R_1 = 20 \text{ } \Omega$, $R_2 = 25 \text{ } \Omega$, $R_3 = 50 \text{ } \Omega$, $R_4 = 100 \text{ } \Omega$, $R_5 = 200 \text{ } \Omega$!

3. Mágneses dipólus mágneses erőtérben

Az atomok és elemi részecskék kis mágneses dipólusokként is megjelenhetnek. A mágneses dipólust az \mathbf{m} mágneses dipólus momentum vektormennyiséggel jellemezzük. A \mathbf{B} mágneses indukciójú mágneses mező

$$\mathbf{M} = \mathbf{m} \times \mathbf{B} \quad (1)$$

forogató nyomatékkal hat a mágneses dipólusra. Ennek következtében, az anyag mágneses dipólussal rendelkező atomjai a mágneses mező irányába állnak be, amely kívülről az anyag mágnesezettségeként figyelhető meg. Az atom mágneses momentuma az atom részecskéinek spinjével, illetve az elektronok atomban történő pályamozgásaival függ össze.

- Számítsák ki az \mathbf{M} erőnyomatéokra megadott (1) képletből egy kör alakú vezetőben folyó áram (áramhurok) mágneses momentumát, ha a kör sugara r és a vezetőben folyó áram erőssége I !
- Az a) pontban leírt vezető I nagyságú áram járja át. Ha a vezető \mathbf{B} indukciójú mágneses térben van, a mágneses tér elfordítja akörül a tengely körül, amely merőleges a mágneses tér \mathbf{B} indukciójára, és ugyanakkor a vezető síkjában fekszik. Ekkor a mágneses tér W munkát végez, és megváltozik a vezető E_p potenciális energiája ($W = -\Delta E_p$). Határozzák meg, hogy a vezető melyik helyzetében maximális az E_p potenciális energiája, és melyik helyzetében minimális! Határozzák meg, mekkora a potenciális energia ΔE_p különbsége a maximális és minimális potenciális energiának megfelelő állapotok között!

Egyszerű modellként vegyük Bohr hidrogénatom modelljét! E szerint a modell szerint az atom elektronja körpályán kering az atom protonja körül, és az elektron L pályaperdülete kvantált, tehát csak az $L = n\hbar$ értékeket veheti fel, ahol $n = 1, 2, 3, \dots$ az ún. *főkvantumszám* ($\hbar = 1,05 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ a redukált Planck-állandó).

- Határozzák meg az elektron pályamozgásából eredő mágneses momentumot (*Bohr-magneton*), amikor az atom magja körül alapállapotban kering ($n = 1$)!

Megjegyzés: az elektron körpályán való keringésére úgy tekinthetünk, mint egy r sugarú vezetőben folyó e/T nagyságú áramra, ahol e az elektron elektromos töltése, T pedig az elektron keringési ideje a mag körül.

- Ha a hidrogénatomra mágneses tér hat, az elektronja $n = 1$ állapotban alapállapotban van, ha a mágneses dipólus potenciális energiája minimális; ha a mágneses dipólus potenciális energiája maximális, gerjesztett (*excitált*) állapotról beszélünk. Határozzák meg az $n = 1$ állapotú hidrogénatom gerjesztett és alapállapota közti ΔE_p energiakülönbséget, ha a hidrogénatom $B = 2,0 \text{ T}$ indukciójú mágneses térben van! Határozzák meg a $\Delta E_p/E_T$ arányt $T = 300 \text{ K}$ hőmérsékletnél, ahol $E_T = k_B T$ a mágneses dipólus hőenergiájának átlagértéke a T termodinamikai hőmérsékleten! Itt $k_B = 1,38 \times 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$ a Boltzmann-állandó.

A szükséges állandókat keressék ki táblázatokban vagy az interneten!

4. A tekercs veszteségi teljesítményének mérése – kísérleti feladat

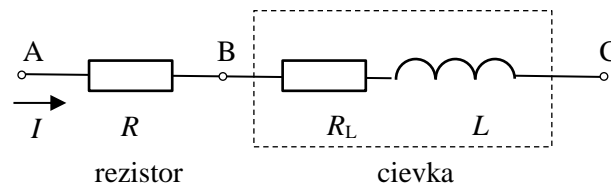
Az induktor az elektromos áramkör olyan ideális elektromos alkatrésze, amelyet légmagos, vasmagos, stb. tekercsekkel realizálunk. A tekercs azonban nem ideális induktor, mert váltakozó feszültségű áramforráshoz csatlakoztatva teljesítmény veszteséget mutat.

- a) Sorolják fel, milyen típusú veszteségek keletkeznek a tekercsben, ha váltakozó feszültségű áramforráshoz csatlakoztatjuk, és hogyan függenek az egyes veszteségfajták az áramforrás frekvenciájától!

A feladat, meghatározni egy ferromágneses magú tekercs veszteségi teljesítményét, ha a tekercsben folyó I váltakozó áram effektív értéke közlítőleg 10 mA.

A kísérletben csak a következő segédeszközök állnak a rendelkezésükre: egy $f = 1$ kHz frekvenciájú áramforrás, tekercs, különböző R elektromos ellenállású rezisztorok készlete és digitális multiméter.

A tekercset úgy képzeljük el, mint egy L indukciójú induktort, amely sorosan kapcsolódik egy R_L elektromos ellenállású rezisztorral! Határozzák meg az impedancia reális és imaginárius összetevőjének arányát az R elektromos ellenállású rezisztorral való összehasonlításból! Az R rezisztort a tekercshez a B–3 ábrán látható kapcsolási rajz alapján csatlakoztassák!



B–3 ábra

A kísérlethez vasmagos vagy ferritmagos, lehetőleg egytized ill. egységnyi henri indukciójú tekercset, valamint állítható U feszültségű kis f frekvenciájú generátort használjanak! Csatlakoztassák az áramforrást az A és C csatlakozási pontokhoz! A multiméter mérési tartományát megfelelően megválasztva, olyan R elektromos ellenállású rezisztort használjanak, hogy a rezisztoron és a tekercsen mért feszültség nagyjából azonos legyen!

- b) Kapcsolják a multimétert elektromos ellenállás (Ω) üzemmódba, és mérjék meg a lehető legpontosabban a rezisztor R elektromos ellenállását! Mérjék meg a tekercs R_{L0} elektromos ellenállását is (a multiméter egyenáram segítségével mér, tehát a tekercs ohmikus ellenállását fogják mérni)!
- c) Állítsák be, a rezisztoron mért feszültség segítségével, a váltakozó elektromos áram megkövetelt értékét ($I=10$ mA)! (Más érték is választható a használt műszerektől függően.)
- d) Mérjék meg a megfelelő csatlakozási pontok közti U_{AB} , U_{BC} és U_{AC} effektív feszültségeket (a multiméter váltakozó feszültségű tartományaiban a feszültség effektív értékeit mérjük).
- e) Szerkesszék meg, a mért feszültségek segítségével, az áramkör fázordiagramját!
- f) Vezessék le a tekercs R_L ellenállását a rezisztor R elektromos ellenállása és a mért feszültségek függvényeként, majd számítsák ki a tekercs R_L ellenállását! Hasonlítsák össze a kapott R_L értéket a mért R_{L0} értékkel, és az esetleges eltérést magyarázzák meg!
- g) Adják meg a tekercs P hatásos teljesítményét, mint az R elektromos ellenállás és a mért feszültségek függvényét, majd számítsák ki P értékét az adott mérésre! Magyarázzák meg, hogy jelenik meg ez a teljesítmény!

A mérést ismételjék meg más I áramerősség és más f frekvenciák értékeire is — az eredményeket hasonlítsák össze!

59. ročník Fyzikálnej olympiády – Úlohy domáceho kola kategórie B

Autori návrhov úloh:

Ivo Čáp 1, 2, 3, 4

Spracovanie návrhov úloh a riešení:

Ivo Čáp

Recenzia a úprava úloh a riešení:

Daniel Klivanec, Ľubomír Mucha

Redakcia:

Ivo Čáp

Vydal:

Slovenská komisia fyzikálnej olympiády

IUVENTA – Slovenský inštitút mládeže, Bratislava 2017